

**МИНИСТЕРСТВО ПРОСВЕЩЕНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ**  
**Министерство образования Белгородской области**  
**"Муниципальный район "Краснояружский район"**  
**МОУ «Сергиевская СОШ»**

РАССМОТРЕНО  
Руководитель МО  
И.Н. Мутурнюк И.Н.  
Протокол №5 от «15» 06  
2023 г.

СОГЛАСОВАНО  
Зам. директора по УВР  
С.С. Севостьянова И.А.  
протокол №1 от «28» 08  
2023 г.

УТВЕРЖДЕНО  
Директор МОУ  
"Сергиевская СОШ"  
Т.С. Серых  
Приказ №153 от «29» 08  
2023 г.

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА**  
**учебного предмета «Алгебра и начала математического анализа.**  
**Углубленный уровень»**  
**для обучающихся 10 – 11 классов**

**с. Сергиевка 2023**

## **ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА**

Учебный курс «Алгебра и начала математического анализа» является одним из наиболее значимых в программе среднего общего образования, поскольку, с одной стороны, он обеспечивает инструментальную базу для изучения всех естественно-научных курсов, а с другой стороны, формирует логическое и абстрактное мышление обучающихся на уровне, необходимом для освоения информатики, обществознания, истории, словесности и других дисциплин. В рамках данного учебного курса обучающиеся овладевают универсальным языком современной науки, которая формулирует свои достижения в математической форме.

Учебный курс алгебры и начал математического анализа закладывает основу для успешного овладения законами физики, химии, биологии, понимания основных тенденций развития экономики и общественной жизни, позволяет ориентироваться в современных цифровых и компьютерных технологиях, уверенно использовать их для дальнейшего образования и в повседневной жизни. В то же время овладение абстрактными и логически строгими конструкциями алгебры и математического анализа развивает умение находить закономерности, обосновывать истинность, доказывать утверждения с помощью индукции и рассуждать дедуктивно, использовать обобщение и конкретизацию, абстрагирование и аналогию, формирует креативное и критическое мышление.

В ходе изучения учебного курса «Алгебра и начала математического анализа» обучающиеся получают новый опыт решения прикладных задач, самостоятельного построения математических моделей реальных ситуаций, интерпретации полученных решений, знакомятся с примерами математических закономерностей в природе, науке и искусстве, с выдающимися математическими открытиями и их авторами.

Учебный курс обладает значительным воспитательным потенциалом, который реализуется как через учебный материал, способствующий формированию научного мировоззрения, так и через специфику учебной деятельности, требующей продолжительной концентрации внимания, самостоятельности, аккуратности и ответственности за полученный результат.

В основе методики обучения алгебре и началам математического анализа лежит деятельностный принцип обучения.

В структуре учебного курса «Алгебра и начала математического анализа» выделены следующие содержательно-методические линии: «Числа и вычисления», «Функции и графики», «Уравнения и неравенства», «Начала

математического анализа», «Множества и логика». Все основные содержательно-методические линии изучаются на протяжении двух лет обучения на уровне среднего общего образования, естественно дополняя друг друга и постепенно насыщаясь новыми темами и разделами. Данный учебный курс является интегративным, поскольку объединяет в себе содержание нескольких математических дисциплин, таких как алгебра, тригонометрия, математический анализ, теория множеств, математическая логика и другие. По мере того как обучающиеся овладевают всё более широким математическим аппаратом, у них последовательно формируется и совершенствуется умение строить математическую модель реальной ситуации, применять знания, полученные при изучении учебного курса, для решения самостоятельно сформулированной математической задачи, а затем интерпретировать свой ответ.

Содержательно-методическая линия «Числа и вычисления» завершает формирование навыков использования действительных чисел, которое было начато на уровне основного общего образования. На уровне среднего общего образования особое внимание уделяется формированию навыков рациональных вычислений, включающих в себя использование различных форм записи числа, умение делать прикидку, выполнять приближённые вычисления, оценивать числовые выражения, работать с математическими константами. Знакомые обучающимся множества натуральных, целых, рациональных и действительных чисел дополняются множеством комплексных чисел. В каждом из этих множеств рассматриваются свойственные ему специфические задачи и операции: деление нацело, оперирование остатками на множестве целых чисел, особые свойства рациональных и иррациональных чисел, арифметические операции, а также извлечение корня натуральной степени на множестве комплексных чисел. Благодаря последовательному расширению круга используемых чисел и знакомству с возможностями их применения для решения различных задач формируется представление о единстве математики как науки и её роли в построении моделей реального мира, широко используются обобщение и конкретизация.

Линия «Уравнения и неравенства» реализуется на протяжении всего обучения на уровне среднего общего образования, поскольку в каждом разделе Программы предусмотрено решение соответствующих задач. В результате обучающиеся овладевают различными методами решения рациональных, иррациональных, показательных, логарифмических и тригонометрических уравнений, неравенств и систем, а также задач, содержащих параметры. Полученные умения широко используются при

исследовании функций с помощью производной, при решении прикладных задач и задач на нахождение наибольших и наименьших значений функции. Данная содержательная линия включает в себя также формирование умений выполнять расчёты по формулам, преобразования рациональных, иррациональных и тригонометрических выражений, а также выражений, содержащих степени и логарифмы. Благодаря изучению алгебраического материала происходит дальнейшее развитие алгоритмического и абстрактного мышления обучающихся, формируются навыки дедуктивных рассуждений, работы с символыми формами, представления закономерностей и зависимостей в виде равенств и неравенств. Алгебра предлагает эффективные инструменты для решения практических и естественно-научных задач, наглядно демонстрирует свои возможности как языка науки.

Содержательно-методическая линия «Функции и графики» тесно переплетается с другими линиями учебного курса, поскольку в каком-то смысле задаёт последовательность изучения материала. Изучение степенной, показательной, логарифмической и тригонометрических функций, их свойств и графиков, использование функций для решения задач из других учебных предметов и реальной жизни тесно связано как с математическим анализом, так и с решением уравнений и неравенств. При этом большое внимание уделяется формированию умения выражать формулями зависимости между различными величинами, исследовать полученные функции, строить их графики. Материал этой содержательной линии нацелен на развитие умений и навыков, позволяющих выражать зависимости между величинами в различной форме: аналитической, графической и словесной. Его изучение способствует развитию алгоритмического мышления, способности к обобщению и конкретизации, использованию аналогий.

Содержательная линия «Начала математического анализа» позволяет существенно расширить круг как математических, так и прикладных задач, доступных обучающимся, так как у них появляется возможность строить графики сложных функций, определять их наибольшие и наименьшие значения, вычислять площади фигур и объёмы тел, находить скорости и ускорения процессов. Данная содержательная линия открывает новые возможности построения математических моделей реальных ситуаций, позволяет находить наилучшее решение в прикладных, в том числе социально-экономических, задачах. Знакомство с основами математического анализа способствует развитию абстрактного, формально-логического и креативного мышления, формированию умений распознавать проявления законов математики в науке, технике и искусстве. Обучающиеся узнают о

выдающихся результатах, полученных в ходе развития математики как науки, и об их авторах.

Содержательно-методическая линия «Множества и логика» включает в себя элементы теории множеств и математической логики. Теоретико-множественные представления пронизывают весь курс школьной математики и предлагают наиболее универсальный язык, объединяющий все разделы математики и её приложений, они связывают разные математические дисциплины и их приложения в единое целое. Поэтому важно дать возможность обучающемуся понимать теоретико-множественный язык современной математики и использовать его для выражения своих мыслей. Другим важным признаком математики как науки следует признать свойственную ей строгость обоснований и следование определённым правилам построения доказательств. Знакомство с элементами математической логики способствует развитию логического мышления обучающихся, позволяет им строить свои рассуждения на основе логических правил, формирует навыки критического мышления.

В учебном курсе «Алгебра и начала математического анализа» присутствуют основы математического моделирования, которые призваны способствовать формированию навыков построения моделей реальных ситуаций, исследования этих моделей с помощью аппарата алгебры и математического анализа, интерпретации полученных результатов. Такие задания вплетены в каждый из разделов программы, поскольку весь материал учебного курса широко используется для решения прикладных задач. При решении реальных практических задач обучающиеся развивают наблюдательность, умение находить закономерности, абстрагироваться, использовать аналогию, обобщать и конкретизировать проблему. Деятельность по формированию навыков решения прикладных задач организуется в процессе изучения всех тем учебного курса «Алгебра и начала математического анализа».

На изучение учебного курса «Алгебра и начала математического анализа» отводится 272 часа: в 10 классе – 136 часов (4 часа в неделю), в 11 классе – 136 часов (4 часа в неделю).

# **СОДЕРЖАНИЕ ОБУЧЕНИЯ**

## **10 КЛАСС**

### **Числа и вычисления**

Рациональные числа. Обыкновенные и десятичные дроби, проценты, бесконечные периодические дроби. Применение дробей и процентов для решения прикладных задач из различных отраслей знаний и реальной жизни.

Действительные числа. Рациональные и иррациональные числа. Арифметические операции с действительными числами. Модуль действительного числа и его свойства. Приближённые вычисления, правила округления, прикидка и оценка результата вычислений.

Степень с целым показателем. Бином Ньютона. Использование подходящей формы записи действительных чисел для решения практических задач и представления данных.

Арифметический корень натуральной степени и его свойства.

Степень с рациональным показателем и её свойства, степень с действительным показателем.

Логарифм числа. Свойства логарифма. Десятичные и натуральные логарифмы.

Синус, косинус, тангенс, котангенс числового аргумента. Арксинус, арккосинус и арктангенс числового аргумента.

### **Уравнения и неравенства**

Тождества и тождественные преобразования. Уравнение, корень уравнения. Равносильные уравнения и уравнения-следствия. Неравенство, решение неравенства.

Основные методы решения целых и дробно-рациональных уравнений и неравенств. Многочлены от одной переменной. Деление многочлена на многочлен с остатком. Теорема Безу. Многочлены с целыми коэффициентами. Теорема Виета.

Преобразования числовых выражений, содержащих степени и корни.

Иrrациональные уравнения. Основные методы решения иррациональных уравнений.

Показательные уравнения. Основные методы решения показательных уравнений.

Преобразование выражений, содержащих логарифмы.

Логарифмические уравнения. Основные методы решения логарифмических уравнений.

**Основные тригонометрические формулы. Преобразование тригонометрических выражений. Решение тригонометрических уравнений.**

**Решение систем линейных уравнений. Матрица системы линейных уравнений. Определитель матрицы  $2 \times 2$ , его геометрический смысл и свойства, вычисление его значения, применение определителя для решения системы линейных уравнений. Решение прикладных задач с помощью системы линейных уравнений. Исследование построенной модели с помощью матриц и определителей.**

**Построение математических моделей реальной ситуации с помощью уравнений и неравенств. Применение уравнений и неравенств к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни.**

### **Функции и графики**

**Функция, способы задания функции. Взаимно обратные функции. Композиция функций. График функции. Элементарные преобразования графиков функций.**

**Область определения и множество значений функции. Нули функции. Промежутки знакопостоянства. Чётные и нечётные функции. Периодические функции. Промежутки монотонности функции. Максимумы и минимумы функции. Наибольшее и наименьшее значения функции на промежутке.**

**Линейная, квадратичная и дробно-линейная функции. Элементарное исследование и построение их графиков.**

**Степенная функция с натуральным и целым показателем. Её свойства и график. Свойства и график корня  $n$ -ой степени как функции обратной степени с натуральным показателем.**

**Показательная и логарифмическая функции, их свойства и графики. Использование графиков функций для решения уравнений.**

**Тригонометрическая окружность, определение тригонометрических функций числового аргумента.**

**Функциональные зависимости в реальных процессах и явлениях. Графики реальных зависимостей.**

### **Начала математического анализа**

**Последовательности, способы задания последовательностей. Метод математической индукции. Монотонные и ограниченные последовательности. История возникновения математического анализа как анализа бесконечно малых.**

**Арифметическая и геометрическая прогрессии. Бесконечно убывающая геометрическая прогрессия. Сумма бесконечно убывающей геометрической прогрессии. Линейный и экспоненциальный рост. Число  $e$ . Формула сложных**

процентов. Использование прогрессии для решения реальных задач прикладного характера.

Непрерывные функции и их свойства. Точки разрыва. Асимптоты графиков функций. Свойства функций непрерывных на отрезке. Метод интервалов для решения неравенств. Применение свойств непрерывных функций для решения задач.

Первая и вторая производные функции. Определение, геометрический и физический смысл производной. Уравнение касательной к графику функции.

Производные элементарных функций. Производная суммы, произведения, частного и композиции функций.

### **Множества и логика**

Множество, операции над множествами и их свойства. Диаграммы Эйлера–Венна. Применение теоретико-множественного аппарата для описания реальных процессов и явлений, при решении задач из других учебных предметов.

Определение, теорема, свойство математического объекта, следствие, доказательство, равносильные уравнения.

## **11 КЛАСС**

### **Числа и вычисления**

Натуральные и целые числа. Применение признаков делимости целых чисел, наибольший общий делитель (далее – НОД) и наименьшее общее кратное (далее – НОК), остатков по модулю, алгоритма Евклида для решения задач в целых числах.

Комплексные числа. Алгебраическая и тригонометрическая формы записи комплексного числа. Арифметические операции с комплексными числами. Изображение комплексных чисел на координатной плоскости. Формула Муавра. Корни  $n$ -ой степени из комплексного числа. Применение комплексных чисел для решения физических и геометрических задач.

### **Уравнения и неравенства**

Система и совокупность уравнений и неравенств. Равносильные системы и системы-следствия. Равносильные неравенства.

Отбор корней тригонометрических уравнений с помощью тригонометрической окружности. Решение тригонометрических неравенств.

Основные методы решения показательных и логарифмических неравенств.

Основные методы решения иррациональных неравенств.

Основные методы решения систем и совокупностей рациональных, иррациональных, показательных и логарифмических уравнений.

Уравнения, неравенства и системы с параметрами.

Применение уравнений, систем и неравенств к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни, интерпретация полученных результатов.

### **Функции и графики**

График композиции функций. Геометрические образы уравнений и неравенств на координатной плоскости.

Тригонометрические функции, их свойства и графики.

Графические методы решения уравнений и неравенств. Графические методы решения задач с параметрами.

Использование графиков функций для исследования процессов и зависимостей, которые возникают при решении задач из других учебных предметов и реальной жизни.

### **Начала математического анализа**

Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы. Нахождение наибольшего и наименьшего значений непрерывной функции на отрезке.

Применение производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах, для определения скорости и ускорения процесса, заданного формулой или графиком.

Первообразная, основное свойство первообразных. Первообразные элементарных функций. Правила нахождения первообразных.

Интеграл. Геометрический смысл интеграла. Вычисление определённого интеграла по формуле Ньютона-Лейбница.

Применение интеграла для нахождения площадей плоских фигур и объёмов геометрических тел.

Примеры решений дифференциальных уравнений. Математическое моделирование реальных процессов с помощью дифференциальных уравнений.

# ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ОСВОЕНИЯ УЧЕБНОГО КУРСА «АЛГЕБРА И НАЧАЛА МАТЕМАТИЧЕСКОГО АНАЛИЗА» (УГЛУБЛЕННЫЙ УРОВЕНЬ) НА УРОВНЕ СРЕДНЕГО ОБЩЕГО ОБРАЗОВАНИЯ

## ЛИЧНОСТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

### **1) гражданского воспитания:**

сформированность гражданской позиции обучающегося как активного и ответственного члена российского общества, представление о математических основах функционирования различных структур, явлений, процедур гражданского общества (выборы, опросы и другое), умение взаимодействовать с социальными институтами в соответствии с их функциями и назначением;

### **2) патриотического воспитания:**

сформированность российской гражданской идентичности, уважения к прошлому и настоящему российской математики, ценностное отношение к достижениям российских математиков и российской математической школы, использование этих достижений в других науках, технологиях, сферах экономики;

### **3) духовно-нравственного воспитания:**

осознание духовных ценностей российского народа, сформированность нравственного сознания, этического поведения, связанного с практическим применением достижений науки и деятельностью учёного, осознание личного вклада в построение устойчивого будущего;

### **4) эстетического воспитания:**

эстетическое отношение к миру, включая эстетику математических закономерностей, объектов, задач, решений, рассуждений, восприимчивость к математическим аспектам различных видов искусства;

### **5) физического воспитания:**

сформированность умения применять математические знания в интересах здорового и безопасного образа жизни, ответственное отношение к своему здоровью (здоровое питание, сбалансированный режим занятий и отдыха, регулярная физическая активность), физическое совершенствование при занятиях спортивно-оздоровительной деятельностью;

### **6) трудового воспитания:**

готовность к труду, осознание ценности трудолюбия, интерес к различным сферам профессиональной деятельности, связанным с математикой и её приложениями, умение совершать осознанный выбор

будущей профессии и реализовывать собственные жизненные планы, готовность и способность к математическому образованию и самообразованию на протяжении всей жизни, готовность к активному участию в решении практических задач математической направленности;

**7) экологического воспитания:**

сформированность экологической культуры, понимание влияния социально-экономических процессов на состояние природной и социальной среды, осознание глобального характера экологических проблем, ориентация на применение математических знаний для решения задач в области окружающей среды, планирование поступков и оценки их возможных последствий для окружающей среды;

**8) ценности научного познания:**

сформированность мировоззрения, соответствующего современному уровню развития науки и общественной практики, понимание математической науки как сферы человеческой деятельности, этапов её развития и значимости для развития цивилизации, овладение языком математики и математической культурой как средством познания мира, готовность осуществлять проектную и исследовательскую деятельность индивидуально и в группе.

## **МЕТАПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**

### **Познавательные универсальные учебные действия**

**Базовые логические действия:**

выявлять и характеризовать существенные признаки математических объектов, понятий, отношений между понятиями, формулировать определения понятий, устанавливать существенный признак классификации, основания для обобщения и сравнения, критерии проводимого анализа;

воспринимать, формулировать и преобразовывать суждения: утвердительные и отрицательные, единичные, частные и общие, условные;

выявлять математические закономерности, взаимосвязи и противоречия в фактах, данных, наблюдениях и утверждениях, предлагать критерии для выявления закономерностей и противоречий;

делать выводы с использованием законов логики, дедуктивных и индуктивных умозаключений, умозаключений по аналогии;

проводить самостоятельно доказательства математических утверждений (прямые и от противного), выстраивать аргументацию, приводить примеры и контрпримеры, обосновывать собственные суждения и выводы;

выбирать способ решения учебной задачи (сравнивать несколько вариантов решения, выбирать наиболее подходящий с учётом самостоятельно выделенных критериев).

**Базовые исследовательские действия:**

использовать вопросы как исследовательский инструмент познания, формулировать вопросы, фиксирующие противоречие, проблему, устанавливать искомое и данное, формировать гипотезу, аргументировать свою позицию, мнение;

проводить самостоятельно спланированный эксперимент, исследование по установлению особенностей математического объекта, явления, процесса, выявлению зависимостей между объектами, явлениями, процессами;

самостоятельно формулировать обобщения и выводы по результатам проведённого наблюдения, исследования, оценивать достоверность полученных результатов, выводов и обобщений;

прогнозировать возможное развитие процесса, а также выдвигать предположения о его развитии в новых условиях.

**Работа с информацией:**

выявлять дефициты информации, данных, необходимых для ответа на вопрос и для решения задачи;

выбирать информацию из источников различных типов, анализировать, систематизировать и интерпретировать информацию различных видов и форм представления;

структуринировать информацию, представлять её в различных формах, иллюстрировать графически;

оценивать надёжность информации по самостоятельно сформулированным критериям.

**Коммуникативные универсальные учебные действия**

**Общение:**

воспринимать и формулировать суждения в соответствии с условиями и целями общения, ясно, точно, грамотно выражать свою точку зрения в устных и письменных текстах, давать пояснения по ходу решения задачи, комментировать полученный результат;

в ходе обсуждения задавать вопросы по существу обсуждаемой темы, проблемы, решаемой задачи, высказывать идеи, нацеленные на поиск решения, сопоставлять свои суждения с суждениями других участников диалога, обнаруживать различие и сходство позиций, в корректной форме формулировать разногласия, свои возражения;

представлять результаты решения задачи, эксперимента, исследования, проекта, самостоятельно выбирать формат выступления с учётом задач презентации и особенностей аудитории.

## **Регулятивные универсальные учебные действия**

### **Самоорганизация:**

составлять план, алгоритм решения задачи, выбирать способ решения с учётом имеющихся ресурсов и собственных возможностей, аргументировать и корректировать варианты решений с учётом новой информации.

### **Самоконтроль, эмоциональный интеллект:**

владеть навыками познавательной рефлексии как осознания совершаемых действий и мыслительных процессов, их результатов, владеть способами самопроверки, самоконтроля процесса и результата решения математической задачи;

предвидеть трудности, которые могут возникнуть при решении задачи, вносить корректизы в деятельность на основе новых обстоятельств, данных, найденных ошибок, выявленных трудностей;

оценивать соответствие результата цели и условиям, объяснять причины достижения или недостижения результатов деятельности, находить ошибку, давать оценку приобретённому опыту.

### **Совместная деятельность:**

понимать и использовать преимущества командной и индивидуальной работы при решении учебных задач, принимать цель совместной деятельности, планировать организацию совместной работы, распределять виды работ, договариваться, обсуждать процесс и результат работы, обобщать мнения нескольких людей;

участвовать в групповых формах работы (обсуждения, обмен мнений, «мозговые штурмы» и иные), выполнять свою часть работы и координировать свои действия с другими членами команды, оценивать качество своего вклада в общий продукт по критериям, сформулированным участниками взаимодействия.

## **ПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**

К концу обучения в **10 классе** обучающийся получит следующие предметные результаты по отдельным темам рабочей программы учебного курса «Алгебра и начала математического анализа»:

### **Числа и вычисления:**

свободно оперировать понятиями: рациональное число, бесконечная периодическая дробь, проценты, иррациональное число, множества рациональных и действительных чисел, модуль действительного числа;

применять дроби и проценты для решения прикладных задач из различных отраслей знаний и реальной жизни;

применять приближённые вычисления, правила округления, прикидку и оценку результата вычислений;

свободно оперировать понятием: степень с целым показателем, использовать подходящую форму записи действительных чисел для решения практических задач и представления данных;

свободно оперировать понятием: арифметический корень натуральной степени;

свободно оперировать понятием: степень с рациональным показателем;

свободно оперировать понятиями: логарифм числа, десятичные и натуральные логарифмы;

свободно оперировать понятиями: синус, косинус, тангенс, котангенс числового аргумента;

оперировать понятиями: арксинус, арккосинус и арктангенс числового аргумента.

### **Уравнения и неравенства:**

свободно оперировать понятиями: тождество, уравнение, неравенство, равносильные уравнения и уравнения-следствия, равносильные неравенства;

применять различные методы решения рациональных и дробно-рациональных уравнений, применять метод интервалов для решения неравенств;

свободно оперировать понятиями: многочлен от одной переменной, многочлен с целыми коэффициентами, корни многочлена, применять деление многочлена на многочлен с остатком, теорему Безу и теорему Виета для решения задач;

свободно оперировать понятиями: система линейных уравнений, матрица, определитель матрицы  $2 \times 2$  и его геометрический смысл, использовать свойства определителя  $2 \times 2$  для вычисления его значения, применять определители для решения системы линейных уравнений, моделировать реальные ситуации с помощью системы линейных уравнений, исследовать построенные модели с помощью матриц и определителей, интерпретировать полученный результат;

использовать свойства действий с корнями для преобразования выражений;

выполнять преобразования числовых выражений, содержащих степени с рациональным показателем;

использовать свойства логарифмов для преобразования логарифмических выражений;

свободно оперировать понятиями: иррациональные, показательные и логарифмические уравнения, находить их решения с помощью равносильных переходов или осуществляя проверку корней;

применять основные тригонометрические формулы для преобразования тригонометрических выражений;

свободно оперировать понятием: тригонометрическое уравнение, применять необходимые формулы для решения основных типов тригонометрических уравнений;

моделировать реальные ситуации на языке алгебры, составлять выражения, уравнения, неравенства по условию задачи, исследовать построенные модели с использованием аппарата алгебры.

### **Функции и графики:**

свободно оперировать понятиями: функция, способы задания функции, взаимно обратные функции, композиция функций, график функции, выполнять элементарные преобразования графиков функций;

свободно оперировать понятиями: область определения и множество значений функции, нули функции, промежутки знакопостоянства;

свободно оперировать понятиями: чётные и нечётные функции, периодические функции, промежутки монотонности функции, максимумы и минимумы функции, наибольшее и наименьшее значение функции на промежутке;

свободно оперировать понятиями: степенная функция с натуральным и целым показателем, график степенной функции с натуральным и целым показателем, график корня  $n$ -ой степени как функции обратной степени с натуральным показателем;

оперировать понятиями: линейная, квадратичная и дробно-линейная функции, выполнять элементарное исследование и построение их графиков;

свободно оперировать понятиями: показательная и логарифмическая функции, их свойства и графики, использовать их графики для решения уравнений;

свободно оперировать понятиями: тригонометрическая окружность, определение тригонометрических функций числового аргумента;

использовать графики функций для исследования процессов и зависимостей при решении задач из других учебных предметов и реальной жизни, выражать формулами зависимости между величинами;

### **Начала математического анализа:**

свободно оперировать понятиями: арифметическая и геометрическая прогрессия, бесконечно убывающая геометрическая прогрессия, линейный и экспоненциальный рост, формула сложных процентов, иметь представление о константе;

использовать прогрессии для решения реальных задач прикладного характера;

свободно оперировать понятиями: последовательность, способы задания последовательностей, монотонные и ограниченные последовательности, понимать основы зарождения математического анализа как анализа бесконечно малых;

свободно оперировать понятиями: непрерывные функции, точки разрыва графика функции, асимптоты графика функции;

свободно оперировать понятием: функция, непрерывная на отрезке, применять свойства непрерывных функций для решения задач;

свободно оперировать понятиями: первая и вторая производные функции, касательная к графику функции;

вычислять производные суммы, произведения, частного и композиции двух функций, знать производные элементарных функций;

использовать геометрический и физический смысл производной для решения задач.

### **Множества и логика:**

свободно оперировать понятиями: множество, операции над множествами;

использовать теоретико-множественный аппарат для описания реальных процессов и явлений, при решении задач из других учебных предметов;

свободно оперировать понятиями: определение, теорема, уравнение-следствие, свойство математического объекта, доказательство, равносильные уравнения и неравенства.

К концу обучения в **11 классе** обучающийся получит следующие предметные результаты по отдельным темам рабочей программы учебного курса «Алгебра и начала математического анализа»:

### **Числа и вычисления:**

свободно оперировать понятиями: натуральное и целое число, множества натуральных и целых чисел, использовать признаки делимости целых чисел, НОД и НОК натуральных чисел для решения задач, применять алгоритм Евклида;

свободно оперировать понятием остатка по модулю, записывать натуральные числа в различных позиционных системах счисления;

свободно оперировать понятиями: комплексное число и множество комплексных чисел, представлять комплексные числа в алгебраической и тригонометрической форме, выполнять арифметические операции с ними и изображать на координатной плоскости.

**Уравнения и неравенства:**

свободно оперировать понятиями: иррациональные, показательные и логарифмические неравенства, находить их решения с помощью равносильных переходов;

осуществлять отбор корней при решении тригонометрического уравнения;

свободно оперировать понятием тригонометрическое неравенство, применять необходимые формулы для решения основных типов тригонометрических неравенств;

свободно оперировать понятиями: система и совокупность уравнений и неравенств, равносильные системы и системы-следствия, находить решения системы и совокупностей рациональных, иррациональных, показательных и логарифмических уравнений и неравенств;

решать рациональные, иррациональные, показательные, логарифмические и тригонометрические уравнения и неравенства, содержащие модули и параметры;

применять графические методы для решения уравнений и неравенств, а также задач с параметрами;

моделировать реальные ситуации на языке алгебры, составлять выражения, уравнения, неравенства и их системы по условию задачи, исследовать построенные модели с использованием аппарата алгебры, интерпретировать полученный результат.

**Функции и графики:**

строить графики композиции функций с помощью элементарного исследования и свойств композиции двух функций;

строить геометрические образы уравнений и неравенств на координатной плоскости;

свободно оперировать понятиями: графики тригонометрических функций;

применять функции для моделирования и исследования реальных процессов.

**Начала математического анализа:**

использовать производную для исследования функций на монотонность и экстремумы;

находить наибольшее и наименьшее значения функции непрерывной на отрезке;

использовать производную для нахождения наилучшего решения в прикладных, в том числе социально-экономических, задачах, для определения скорости и ускорения процесса, заданного формулой или графиком;

свободно оперировать понятиями: первообразная, определённый интеграл, находить первообразные элементарных функций и вычислять интеграл по формуле Ньютона-Лейбница;

находить площади плоских фигур и объёмы тел с помощью интеграла;

иметь представление о математическом моделировании на примере составления дифференциальных уравнений;

решать прикладные задачи, в том числе социально-экономического и физического характера, средствами математического анализа.

## ТЕМАТИЧЕСКОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ

### 10 КЛАСС

№ п/п	Наименование разделов и тем программы	Количество часов			Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы	
1	Множество действительных чисел. Многочлены. Рациональные уравнения и неравенства. Системы линейных уравнений	24	1	0	ФГИС «Моя школа», РЭШ, учи.ру
2	Функции и графики. Степенная функция с целым показателем	12	1	0	Учи.ру
3	Арифметический корень n-ой степени. Иррациональные уравнения	15	1	0	Учи.ру
4	Показательная функция. Показательные уравнения	10	1	0	ФГИС «Моя школа», РЭШ, учи.ру
5	Логарифмическая функция. Логарифмические уравнения	18	1	0	РЭШ
6	Тригонометрические выражения и уравнения	22	1	0	РЭШ
7	Последовательности и прогрессии	10	1	0	РЭШ
8	Непрерывные функции. Производная	20	1	0	ФГИС «Моя школа», РЭШ, учи.ру
9	Повторение, обобщение, систематизация знаний	5	2	0	Учи.ру
<b>ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ</b>		136	10	0	

## 11 КЛАСС

№ п/п	Наименование разделов и тем программы	Количество часов	Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
		Всего	
1	Исследование функций с помощью производной	22	
2	Первообразная и интеграл	12	
3	Графики тригонометрических функций. Тригонометрические неравенства	14	
4	Иррациональные, показательные и логарифмические неравенства	24	
5	Комплексные числа	10	
6	Натуральные и целые числа	10	
7	Системы рациональных, иррациональных показательных и логарифмических уравнений	12	
8	Задачи с параметрами	16	
9	Повторение, обобщение, систематизация знаний	16	
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		136	

## ПОУРОЧНОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ

### 10 КЛАСС

№ п/п	Тема урока	Количество часов			Дата изучения	Электронные цифровые образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы		
1	Множество, операции над множествами и их свойства	1	0	0	04.09.2023	РЭШ, учи.ру
2	Диаграммы Эйлера-Венна. Конечные и бесконечные множества	1	0	0	05.09.2023	РЭШ, учи.ру
3	Применение теоретико-множественного аппарата для решения задач. Высказывания и операции над множествами	1	0	0	06.09.2023	РЭШ, учи.ру
4	Рациональные числа. Обыкновенные и десятичные дроби, проценты, бесконечные периодические дроби	1	0	0	07.09.2023	РЭШ, учи.ру
5	Применение дробей и процентов для решения прикладных задач	1	0	0	11.09.2023	РЭШ, учи.ру
6	Применение дробей и процентов для решения прикладных задач	1	0	0	12.09.2023	РЭШ, учи.ру
7	Действительные числа. Рациональные и иррациональные числа	1	1	0	13.09.2023	РЭШ, учи.ру
8	Арифметические операции с действительными числами	1	0	0	14.09.2023	РЭШ, учи.ру
9	Модуль действительного числа и его	1	0	0		РЭШ, учи.ру

	свойства				18.09.2023	
10	Приближённые вычисления, правила округления, прикидка и оценка результата вычислений	1	0	0	19.09.2023	РЭШ, учи.ру
11	Рациональные числа. Обыкновенные и десятичные дроби, проценты, бесконечные периодические дроби	1	0	0	20.09.2023	РЭШ, учи.ру
12	Основные методы решения целых и дробно-рациональных уравнений и неравенств	1	0	0	21.09.2023	РЭШ, учи.ру
13	Основные методы решения целых и дробно-рациональных уравнений и неравенств	1	0	0	25.09.2023	РЭШ, учи.ру
14	Основные методы решения целых и дробно-рациональных уравнений и неравенств	1	0	0	26.09.2023	РЭШ, учи.ру
15	Многочлены от одной переменной. Деление многочлена на многочлен с остатком. Теорема Безу	1	0	0	27.09.2023	РЭШ, учи.ру
16	Многочлены с целыми коэффициентами. Теорема Виета	1	0	0	28.09.2023	РЭШ, учи.ру
17	Решение систем линейных уравнений	1	0	0	02.10.2023	РЭШ, учи.ру
18	Решение систем линейных уравнений	1	0	0	03.10.2023	РЭШ, учи.ру
19	Матрица системы линейных уравнений. Определитель матрицы $2 \times 2$ , его	1	0	0	04.10.2023	РЭШ, учи.ру

	геометрический смысл и свойства; вычисление его значения					
20	Определитель матрицы $2\times 2$ , его геометрический смысл и свойства; вычисление его значения	1	0	0	05.10.2023	РЭШ, учи.ру
21	Применение определителя для решения системы линейных уравнений	1	0	0	09.10.2023	РЭШ, учи.ру
22	Решение прикладных задач с помощью системы линейных уравнений	1	0	0	10.10.2023	РЭШ, учи.ру
23	Решение прикладных задач с помощью системы линейных уравнений	1	0	0	11.10.2023	РЭШ, учи.ру
24	Контрольная работа: "Рациональные уравнения и неравенства. Системы линейных уравнений"	1	1	0	12.10.2023	РЭШ, учи.ру
25	Функция, способы задания функции. Взаимно обратные функции. Композиция функций	1	0	0	16.10.2023	РЭШ, учи.ру
26	График функции. Элементарные преобразования графиков функций	1	0	0	17.10.2023	РЭШ, учи.ру
27	Область определения и множество значений функции. Нули функции. Промежутки знак постоянства	1	0	0	18.10.2023	РЭШ, учи.ру
28	Чётные и нечётные функции. Периодические функции. Промежутки монотонности функции	1	0	0	19.10.2023	РЭШ, учи.ру
29	Максимумы и минимумы функции. Наибольшее и наименьшее значение	1	0	0	23.10.2023	РЭШ, учи.ру

	функции на промежутке					
30	Линейная, квадратичная и дробно-линейная функции	1	0	0	24.10.2023	РЭШ, учи.ру
31	Элементарное исследование и построение графиков этих функций	1	0	0	25.10.2023	РЭШ, учи.ру
32	Элементарное исследование и построение графиков этих функций	1	0	0	26.10.2023	РЭШ, учи.ру
33	Степень с целым показателем. Бином Ньютона	1	0	0	06.11.2023	РЭШ, учи.ру
34	Степень с целым показателем. Бином Ньютона	1	0	0	07.11.2023	РЭШ, учи.ру
35	Степенная функция с натуральным и целым показателем. Её свойства и график	1	0	0	08.11.2023	РЭШ, учи.ру
36	Контрольная работа: "Степенная функция. Её свойства и график"	1	1	0	09.11.2023	РЭШ, учи.ру
37	Арифметический корень натуральной степени и его свойства	1	0	0	13.11.2023	РЭШ, учи.ру
38	Арифметический корень натуральной степени и его свойства	1	0	0	14.11.2023	РЭШ, учи.ру
39	Преобразования числовых выражений, содержащих степени и корни	1	0	0	15.11.2023	РЭШ, учи.ру
40	Преобразования числовых выражений, содержащих степени и корни	1	0	0	16.11.2023	РЭШ, учи.ру
41	Преобразования числовых выражений, содержащих степени и корни	1	0	0	20.11.2023	РЭШ, учи.ру
42	Иррациональные уравнения. Основные	1	0	0		РЭШ, учи.ру

	методы решения иррациональных уравнений				21.11.2023	
43	Иррациональные уравнения. Основные методы решения иррациональных уравнений	1	0	0	22.11.2023	РЭШ, учи.ру
44	Иррациональные уравнения. Основные методы решения иррациональных уравнений	1	0	0	23.11.2023	РЭШ, учи.ру
45	Равносильные переходы в решении иррациональных уравнений	1	0	0	27.11.2023	РЭШ, учи.ру
46	Равносильные переходы в решении иррациональных уравнений	1	0	0	28.11.2023	РЭШ, учи.ру
47	Равносильные переходы в решении иррациональных уравнений	1	0	0	29.11.2023	РЭШ, учи.ру
48	Равносильные переходы в решении иррациональных уравнений	1	0	0	30.11.2023	РЭШ, учи.ру
49	Свойства и график корня n-ой степени как функции обратной степени с натуральным показателем	1	0	0	04.12.2023	РЭШ, учи.ру
50	Свойства и график корня n-ой степени как функции обратной степени с натуральным показателем	1	0	0	05.12.2023	РЭШ, учи.ру
51	Контрольная работа: "Свойства и график корня n-ой степени. Иррациональные уравнения"	1	1	0	06.12.2023	РЭШ, учи.ру
52	Степень с рациональным показателем и её свойства	1	0	0	07.12.2023	РЭШ, учи.ру

53	Степень с рациональным показателем и её свойства	1	0	0	11.12.2023	РЭШ, учи.ру
54	Степень с рациональным показателем и её свойства	1	0	0	12.12.2023	РЭШ, учи.ру
55	Показательная функция, её свойства и график	1	0	0	13.12.2023	РЭШ, учи.ру
56	Использование графика функции для решения уравнений	1	0	0	14.12.2023	РЭШ, учи.ру
57	Использование графика функции для решения уравнений	1	0	0	18.12.2023	РЭШ, учи.ру
58	Показательные уравнения. Основные методы решения показательных уравнений	1	0	0	19.12.2023	РЭШ, учи.ру
59	Показательные уравнения. Основные методы решения показательных уравнений	1	0	0	20.12.2023	РЭШ, учи.ру
60	Показательные уравнения. Основные методы решения показательных уравнений	1	0	0	21.12.2023	РЭШ, учи.ру
61	Контрольная работа: "Показательная функция. Показательные уравнения"	1	1	0	25.12.2023	РЭШ, учи.ру
62	Логарифм числа. Свойства логарифма	1	0	0	26.12.2023	РЭШ, учи.ру
63	Логарифм числа. Свойства логарифма	1	0	0	27.12.2023	РЭШ, учи.ру
64	Логарифм числа. Свойства логарифма	1	0	0	28.12.2023	РЭШ, учи.ру

65	Десятичные и натуральные логарифмы	1	0	0	09.01.2024	РЭШ, учи.ру
66	Десятичные и натуральные логарифмы	1	0	0	10.01.2024	РЭШ, учи.ру
67	Преобразование выражений, содержащих логарифмы	1	0	0	11.01.2024	РЭШ, учи.ру
68	Преобразование выражений, содержащих логарифмы	1	0	0	15.01.2024	РЭШ, учи.ру
69	Преобразование выражений, содержащих логарифмы	1	0	0	16.01.2024	РЭШ, учи.ру
70	Логарифмическая функция, её свойства и график	1	0	0	17.01.2024	РЭШ, учи.ру
71	Логарифмическая функция, её свойства и график	1	0	0	18.01.2024	РЭШ, учи.ру
72	Использование графика функции для решения уравнений	1	0	0	22.01.2024	РЭШ, учи.ру
73	Использование графика функции для решения уравнений	1	0	0	23.01.2024	РЭШ, учи.ру
74	Логарифмические уравнения. Основные методы решения логарифмических уравнений	1	0	0	24.01.2024	РЭШ, учи.ру
75	Логарифмические уравнения. Основные методы решения логарифмических уравнений	1	0	0	25.01.2024	РЭШ, учи.ру
76	Логарифмические уравнения. Основные методы решения логарифмических уравнений	1	0	0	29.01.2024	РЭШ, учи.ру

77	Равносильные переходы в решении логарифмических уравнений	1	0	0	30.01.2024	РЭШ, учи.ру
78	Равносильные переходы в решении логарифмических уравнений	1	0	0	31.01.2024	РЭШ, учи.ру
79	Контрольная работа: "Логарифмическая функция. Логарифмические уравнения"	1	1	0	01.02.2024	РЭШ, учи.ру
80	Синус, косинус, тангенс и котангенс числового аргумента	1	0	0	05.02.2024	РЭШ, учи.ру
81	Синус, косинус, тангенс и котангенс числового аргумента	1	0	0	06.02.2024	РЭШ, учи.ру
82	Арксинус, арккосинус и арктангенс числового аргумента	1	0	0	07.02.2024	РЭШ, учи.ру
83	Арксинус, арккосинус и арктангенс числового аргумента	1	0	0	08.02.2024	РЭШ, учи.ру
84	Тригонометрическая окружность, определение тригонометрических функций числового аргумента	1	0	0	12.02.2024	РЭШ, учи.ру
85	Тригонометрическая окружность, определение тригонометрических функций числового аргумента	1	0	0	13.02.2024	РЭШ, учи.ру
86	Основные тригонометрические формулы	1	0	0	14.02.2024	РЭШ, учи.ру
87	Основные тригонометрические формулы	1	0	0	15.02.2024	РЭШ, учи.ру
88	Основные тригонометрические формулы	1	0	0	19.02.2024	РЭШ, учи.ру
89	Основные тригонометрические формулы	1	0	0		РЭШ, учи.ру

					20.02.2024	
90	Преобразование тригонометрических выражений	1	0	0	21.02.2024	РЭШ, учи.ру
91	Преобразование тригонометрических выражений	1	0	0	22.02.2024	РЭШ, учи.ру
92	Преобразование тригонометрических выражений	1	0	0	26.02.2024	РЭШ, учи.ру
93	Преобразование тригонометрических выражений	1	0	0	27.02.2024	РЭШ, учи.ру
94	Решение тригонометрических уравнений	1	0	0	28.02.2024	РЭШ, учи.ру
95	Решение тригонометрических уравнений	1	0	0	29.02.2024	РЭШ, учи.ру
96	Решение тригонометрических уравнений	1	0	0	04.03.2024	РЭШ, учи.ру
97	Решение тригонометрических уравнений	1	0	0	05.03.2024	РЭШ, учи.ру
98	Решение тригонометрических уравнений	1	0	0	06.03.2024	РЭШ, учи.ру
99	Решение тригонометрических уравнений	1	0	0	07.03.2024	РЭШ, учи.ру
100	Решение тригонометрических уравнений	1	0	0	11.03.2024	РЭШ, учи.ру
101	Контрольная работа: "Тригонометрические выражения и тригонометрические уравнения"	1	1	0	12.03.2024	РЭШ, учи.ру
102	Последовательности, способы задания	1	0	0		РЭШ, учи.ру

	последовательностей. Метод математической индукции				13.03.2024	
103	Монотонные и ограниченные последовательности. История анализа бесконечно малых	1	0	0	14.03.2024	РЭШ, учи.ру
104	Арифметическая прогрессия	1	0	0	18.03.2024	РЭШ, учи.ру
105	Геометрическая прогрессия	1	0	0	19.03.2024	РЭШ, учи.ру
106	Бесконечно убывающая геометрическая прогрессия	1	0	0	20.03.2024	РЭШ, учи.ру
107	Сумма бесконечно убывающей геометрической прогрессии	1	1	0	21.03.2024	РЭШ, учи.ру
108	Линейный и экспоненциальный рост. Число е. Формула сложных процентов	1	0	0	01.04.2024	РЭШ, учи.ру
109	Линейный и экспоненциальный рост. Число е. Формула сложных процентов	1	0	0	02.04.2024	РЭШ, учи.ру
110	Использование прогрессии для решения реальных задач прикладного характера	1	0	0	03.04.2024	РЭШ, учи.ру
111	Контрольная работа: "Последовательности и прогрессии"	1	1	0	04.04.2024	РЭШ, учи.ру
112	Непрерывные функции и их свойства	1	0	0	08.04.2024	РЭШ, учи.ру
113	Точка разрыва. Асимптоты графиков функций	1	0	0	09.04.2024	РЭШ, учи.ру
114	Свойства функций непрерывных на отрезке	1	0	0	10.04.2024	РЭШ, учи.ру

115	Свойства функций непрерывных на отрезке	1	0	0	11.04.2024	РЭШ, учи.ру
116	Метод интервалов для решения неравенств	1	0	0	15.04.2024	РЭШ, учи.ру
117	Метод интервалов для решения неравенств	1	0	0	16.04.2024	РЭШ, учи.ру
118	Метод интервалов для решения неравенств	1	0	0	17.04.2024	РЭШ, учи.ру
119	Применение свойств непрерывных функций для решения задач	1	0	0	18.04.2024	РЭШ, учи.ру
120	Применение свойств непрерывных функций для решения задач	1	0	0	22.04.2024	РЭШ, учи.ру
121	Первая и вторая производные функции	1	0	0	23.04.2024	РЭШ, учи.ру
122	Определение, геометрический смысл производной	1	0	0	24.04.2024	РЭШ, учи.ру
123	Определение, физический смысл производной	1	0	0	25.04.2024	РЭШ, учи.ру
124	Уравнение касательной к графику функции	1	0	0	29.04.2024	РЭШ, учи.ру
125	Уравнение касательной к графику функции	1	0	0	30.04.2024	РЭШ, учи.ру
126	Производные элементарных функций	1	0	0	06.05.2024	РЭШ, учи.ру
127	Производные элементарных функций	1	0	0	07.05.2024	РЭШ, учи.ру
128	Производная суммы, произведения,	1	0	0		РЭШ, учи.ру

	частного и композиции функций				08.05.2024	
129	Производная суммы, произведения, частного и композиции функций	1	0	0	13.05.2024	РЭШ, учи.ру
130	Производная суммы, произведения, частного и композиции функций	1	0	0	14.05.2024	РЭШ, учи.ру
131	Контрольная работа: "Производная"	1	1	0	15.05.2024	РЭШ, учи.ру
132	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Уравнения"	1	0	0	16.05.2024	РЭШ, учи.ру
133	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Функции"	1	0	0	20.05.2024	РЭШ, учи.ру
134	Итоговая контрольная работа	1	1	0	21.05.2024	РЭШ, учи.ру
135	Итоговая контрольная работа	1	1	0	21.05.2024	РЭШ, учи.ру
136	Повторение, обобщение, систематизация знаний	1	0	0	22.05.2024	РЭШ, учи.ру
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		136	12	0		

## 11 КЛАСС

№ п/п	Тема урока	Kоличество часов
		Всего
1	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы	1
2	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы	1
3	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы	1
4	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы	1
5	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы	1
6	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы	1
7	Нахождение наибольшего и наименьшего значения непрерывной функции на отрезке	1
8	Нахождение наибольшего и наименьшего значения непрерывной функции на отрезке	1
9	Нахождение наибольшего и наименьшего значения непрерывной функции на отрезке	1
10	Нахождение наибольшего и наименьшего значения непрерывной функции на отрезке	1
11	Нахождение наибольшего и наименьшего значения непрерывной функции на отрезке	1
12	Нахождение наибольшего и наименьшего значения непрерывной функции на отрезке	1
13	Применение производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах	1
14	Применение производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах	1
15	Применение производной для определения скорости и ускорения процесса, заданного формулой или графиком	1
16	Применение производной для определения скорости и ускорения процесса, заданного формулой или графиком	1
17	Композиция функций	1
18	Композиция функций	1
19	Композиция функций	1
20	Геометрические образы уравнений на координатной плоскости	1

21	Геометрические образы уравнений на координатной плоскости	1
22	Контрольная работа: "Исследование функций с помощью производной"	1
23	Первообразная, основное свойство первообразных	1
24	Первообразные элементарных функций. Правила нахождения первообразных	1
25	Первообразные элементарных функций. Правила нахождения первообразных	1
26	Интеграл. Геометрический смысл интеграла	1
27	Вычисление определённого интеграла по формуле Ньютона-Лейбница	1
28	Вычисление определённого интеграла по формуле Ньютона-Лейбница	1
29	Применение интеграла для нахождения площадей плоских фигур	1
30	Применение интеграла для нахождения объёмов геометрических тел	1
31	Примеры решений дифференциальных уравнений	1
32	Примеры решений дифференциальных уравнений	1
33	Математическое моделирование реальных процессов с помощью дифференциальных уравнений	1
34	Контрольная работа: "Первообразная и интеграл"	1
35	Тригонометрические функции, их свойства и графики	1
36	Тригонометрические функции, их свойства и графики	1
37	Тригонометрические функции, их свойства и графики	1
38	Тригонометрические функции, их свойства и графики	1
39	Тригонометрические функции, их свойства и графики	1
40	Отбор корней тригонометрических уравнений с помощью тригонометрической окружности	1
41	Отбор корней тригонометрических уравнений с помощью тригонометрической окружности	1
42	Отбор корней тригонометрических уравнений с помощью тригонометрической окружности	1
43	Отбор корней тригонометрических уравнений с помощью тригонометрической окружности	1
44	Решение тригонометрических неравенств	1

45	Решение тригонометрических неравенств	1
46	Решение тригонометрических неравенств	1
47	Решение тригонометрических неравенств	1
48	Контрольная работа: "Графики тригонометрических функций. Тригонометрические неравенства"	1
49	Основные методы решения показательных неравенств	1
50	Основные методы решения показательных неравенств	1
51	Основные методы решения показательных неравенств	1
52	Основные методы решения показательных неравенств	1
53	Основные методы решения логарифмических неравенств	1
54	Основные методы решения логарифмических неравенств	1
55	Основные методы решения логарифмических неравенств	1
56	Основные методы решения логарифмических неравенств	1
57	Основные методы решения иррациональных неравенств	1
58	Основные методы решения иррациональных неравенств	1
59	Основные методы решения иррациональных неравенств	1
60	Основные методы решения иррациональных неравенств	1
61	Графические методы решения иррациональных уравнений	1
62	Графические методы решения иррациональных уравнений	1
63	Графические методы решения показательных уравнений	1
64	Графические методы решения показательных неравенств	1
65	Графические методы решения логарифмических уравнений	1
66	Графические методы решения логарифмических неравенств	1
67	Графические методы решения логарифмических неравенств	1
68	Графические методы решения показательных и логарифмических уравнений	1

69	Графические методы решения показательных и логарифмических уравнений	1
70	Графические методы решения показательных и логарифмических неравенств	1
71	Графические методы решения показательных и логарифмических неравенств	1
72	Контрольная работа: "Иррациональные, показательные и логарифмические неравенства"	1
73	Комплексные числа. Алгебраическая и тригонометрическая формы записи комплексного числа	1
74	Комплексные числа. Алгебраическая и тригонометрическая формы записи комплексного числа	1
75	Арифметические операции с комплексными числами	1
76	Арифметические операции с комплексными числами	1
77	Изображение комплексных чисел на координатной плоскости	1
78	Изображение комплексных чисел на координатной плоскости	1
79	Формула Муавра. Корни n-ой степени из комплексного числа	1
80	Формула Муавра. Корни n-ой степени из комплексного числа	1
81	Применение комплексных чисел для решения физических и геометрических задач	1
82	Контрольная работа: "Комплексные числа"	1
83	Натуральные и целые числа	1
84	Натуральные и целые числа	1
85	Применение признаков делимости целых чисел	1
86	Применение признаков делимости целых чисел	1
87	Применение признаков делимости целых чисел: НОД и НОК	1
88	Применение признаков делимости целых чисел: НОД и НОК	1
89	Применение признаков делимости целых чисел: остатки по модулю	1
90	Применение признаков делимости целых чисел: остатки по модулю	1
91	Применение признаков делимости целых чисел: алгоритм Евклида для решения задач в целых числах	1

92	Контрольная работа: "Теория целых чисел"	1
93	Система и совокупность уравнений. Равносильные системы и системы-следствия	1
94	Система и совокупность уравнений. Равносильные системы и системы-следствия	1
95	Основные методы решения систем и совокупностей рациональных уравнений	1
96	Основные методы решения систем и совокупностей иррациональных уравнений	1
97	Основные методы решения систем и совокупностей показательных уравнений	1
98	Основные методы решения систем и совокупностей показательных уравнений	1
99	Основные методы решения систем и совокупностей логарифмических уравнений	1
100	Основные методы решения систем и совокупностей логарифмических уравнений	1
101	Применение систем к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни, интерпретация полученных результатов	1
102	Применение систем к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни, интерпретация полученных результатов	1
103	Применение неравенств к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни, интерпретация полученных результатов	1
104	Контрольная работа: "Системы рациональных, иррациональных показательных и логарифмических уравнений"	1
105	Рациональные уравнения с параметрами	1
106	Рациональные неравенства с параметрами	1
107	Рациональные системы с параметрами	1
108	Иррациональные уравнения, неравенства с параметрами	1
109	Иррациональные системы с параметрами	1
110	Показательные уравнения, неравенства с параметрами	1
111	Показательные системы с параметрами	1
112	Логарифмические уравнения, неравенства с параметрами	1
113	Логарифмические системы с параметрами	1

114	Тригонометрические уравнения с параметрами	1
115	Тригонометрические неравенства с параметрами	1
116	Тригонометрические системы с параметрами	1
117	Построение и исследование математических моделей реальных ситуаций с помощью уравнений с параметрами	1
118	Построение и исследование математических моделей реальных ситуаций с помощью систем уравнений с параметрами	1
119	Построение и исследование математических моделей реальных ситуаций с помощью систем уравнений с параметрами	1
120	Контрольная работа: "Задачи с параметрами"	1
121	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Уравнения"	1
122	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Уравнения"	1
123	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Уравнения. Системы уравнений"	1
124	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Неравенства"	1
125	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Неравенства"	1
126	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Неравенства"	1
127	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Производная и её применение"	1
128	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Производная и её применение"	1
129	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Производная и её применение"	1
130	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Интеграл и его применение"	1
131	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Функции"	1
132	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Функции"	1
133	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Функции"	1
134	Итоговая контрольная работа	1
135	Итоговая контрольная работа	1
136	Повторение, обобщение, систематизация знаний	1

ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ

136



## **УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОГО ПРОЦЕССА ОБЯЗАТЕЛЬНЫЕ УЧЕБНЫЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ УЧЕНИКА**

- Математика: алгебра и начала математического анализа, геометрия.

Алгебра и начала математического анализа, 10 класс/ Никольский С.М.,

Потапов М.К., Решетников Н.Н. и другие, Акционерное общество

«Издательство «Просвещение»

- Математика. Алгебра и начала математического анализа, 10 класс/

Мерзляк А.Г., Номировский Д.А., Поляков В.М.; под редакцией

Подольского В.Е., Общество с ограниченной ответственностью

Издательский центр «ВЕНТАНА-ГРАФ»; Акционерное общество

«Издательство «Просвещение»

Математика: алгебра и начала математического анализа, геометрия. Алгебра

и начала математического анализа 10-11 класс базовый и углубленный

урокни Ш.А. Алимов и другие

## **МЕТОДИЧЕСКИЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ УЧИТЕЛЯ**

## **ЦИФРОВЫЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ РЕСУРСЫ И РЕСУРСЫ СЕТИ ИНТЕРНЕТ**

